**BÀI TẬP LÔGARIT**

**Câu 1.** Cho các mệnh đề sau:

(I). Cơ số của logarit phải là số nguyên dương.

(II). Chỉ số thực dương mới có logarit.

(III).  với mọi .

(IV) , với mọi .

Số mệnh đề đúng là:

**A**. . **B**. . **C**. . **D**. .

**Câu 2.** Cho  là các số thực với  dương và khác . Có bao nhiêu phát biểu đúng trong các phát biểu dưới đây?

(I). Nếu  với  thì .

(II). .

(III). .

(IV). .

**A**. . **B**. . **C**. . **D**. .

**Câu 3.** Tính giá trị của biểu thức  với 

**A**. . **B**. . **C**. . **D**. .

**Câu 4. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Cho  là số thực dương và khác . Tính giá trị biểu thức 

**A**. . **B**. . **C**. . **D**. .

**Câu 5.** Cho hàm số  với . Tính giá trị biểu thức 

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 6.** Cho  là các số thực dương khác  và thỏa mãn  Rút gọn biểu thức .

**A. ** **B. ** **C. ** **D. **

**Câu 7.** Cho ba điểm ,  với , . Biết  là trọng tâm của tam giác  với  là gốc tọa độ. Tính 

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 8.** Cho  là các số thực dương thỏa mãn  Tính .

**A. ** **B. ** **C. ** **D. **

**Câu 9.** Cho  với  Mệnh đề nào sau đây là đúng?

**A. **. **B. **. **C. ** **D. **.

**Câu 10.** Cho  là các số thực dương khác  và thỏa . Tính giá trị của biểu thức 

**A. ** **B. ** **C. ** **D. **

**Câu 11.** Cho  là số thực dương thỏa . Tính 

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 12.** Cho  là số thực lớn hơn  và thỏa mãn , với . Tính giá trị của  theo .

**A.**  **B. ** **C.**  **D.** 

**Câu 13.** Cho ,  là các số thực dương thỏa mãn . Tính giá trị của biểu thức 

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 14.** Cho  là các số thực khác  thỏa mãn . Tính .

**A.**  **B.**  **C. ** **D.** 

**Câu 15.** Cho là các số thực dương thỏa mãn . Tính giá trị của biểu thức 

**A. **. **B.**  **C.** . **D.** .

**Câu 16.** Cho  là các số thực dương khác  và .

Một học sinh tính  theo các bước sau:

I) .

II) .

III) .

IV) .

Trong các bước trình bày, học sinh đã trình bày sai ở bước nào?

**A**. I. **B**. II. **C**. III. **D**. IV.

**Câu 17.** Cho  với  và . Mệnh đề nào sau đây là đúng?

**A**. . **B**. . **C**. . **D**. .

**Câu 18.** Tính 

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 19.** Đặt  Tính  theo  và 

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 20.** Tính , biết rằng trong tích đã cho có  thừa số có dạng  với  và .

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 21.** Cho hàm số . Tính tổng



**A. ** **B. ** **C. ** **D. **

**Câu 22.** Cho . Tính giá trị biểu thức 

**A**.  **B**. . **C**.  **D**. 

**Câu 23. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Với  là các số thực dương tùy ý và  khác  đặt  Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

**A. ** **B. ** **C. ** **D. **

**Câu 24.** Cho  và , với . Mệnh đề nào sau đây đúng?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Câu 25. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Với các số thực dương  tùy ý, đặt  và . Mệnh đề nào sau đây là đúng ?

**A.**  **B.** 

**C.**  **D.** 

**Câu 26.** Cho . Tính giá trị biểu thức  theo  và .

**A. **. **B.** .

**C.** . **D.** .

**Câu 27. (ĐỀ MINH HỌA 2016 – 2017)** Đặt  và . Hãy biểu diễn  theo  và .

**A**. ****. **B**. .

**C**. . **D**. .

**Câu 28. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Với mọi  là các số thực dương thoả mãn . Mệnh đề nào dưới đây là đúng?

**A. **. **B. **. **C. **. **D. **.

**Câu 29. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Cho  và . Tính giá trị biểu thức .

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Câu 30. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Cho  là số thực dương tùy ý khác . Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

**A. ** **B. ** **C. ** **D. **

**Câu 31. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Với mọi số thực dương  và  thỏa mãn , mệnh đề nào dưới đây đúng?

**A.**  **B.** 

**C.**  **D.** 

**Câu 32. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Cho   là các số thực lớn hơn 1 thỏa mãn . Tính 

**A. ** **B. ** **C. ** **D. **

**Câu 33. (ĐỀ MINH HỌA 2016 – 2017)** Cho các số thực dương   với . Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng ?

**A**. ****. **B**. .

**C**. . **D**. .

**Câu 34. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Cho  là số thực dương khác 1. Mệnh đề nào dưới đây là đúng với mọi số thực dương 

**A. ** **B. **

**C. ** **D. **.

**Câu 35.** Cho  là các số thực dương và khác . Mệnh đề nào dưới đây là đúng ?

**A**. . **B**. .

**C**. . **D**. .

**Câu 36.** Cho  là các số thực dương và . Khẳng định nào sau đây đúng?

**A.**  **B.** 

**C.**  **D.** 

**Câu 37.** Cho các số thực . Mệnh đề nào sau đây là sai?

**A.**  **B.** 

**C.**  **D.** 

**Câu 38.** Cho  là hai số số thực dương và . Khẳng định nào sau đây đúng?

**A.**  **B.** 

**C.**  **D.** 

**Câu 39. (ĐỀ MINH HỌA 2016 – 2017)** Cho hai số thực  và , với . Khẳng định nào dưới đây là khẳng định đúng ?

**A**. ****. **B**. .

**C**. ****. **D**. .

**Câu 40.** Cho các số thực dương  với  và  Khẳng định nào sau đây là đúng?

**A. ** hoặc  **B. ** hoặc 

**C. ** hoặc  **D. ** hoặc 

**Câu 41.** Cho bốn số thực dương  thỏa mãn  và . Biết rằng  và . Mệnh đề nào sau đây là đúng?

**A. **. **B. **. **C. **. **D.** .

**Câu 42.** Cho  là các số thực dương khác  và thỏa mãn  Khẳng định nào sau đây là đúng?

**A.**  **B.**  **C.**  **D. **

**Câu 43.** Cho  là các số thực dương thỏa mãn . Mệnh đề nào sau đây là đúng?

**A**. . **B**. . **C**. . **D**. .

**Câu 44.** Tìm  để ba số  theo thứ tự đó lập thành cấp số cộng.

**A**.  **B**.  **C**.  **D**. 

**Câu 45.** Trong các giá trị của  được cho trong bốn phương án A, B, C, D dưới đây, giá trị nào của  thỏa mãn ?

**A**. . **B**. . **C**. . **D**. .

**Câu 46.** Điểm  thuộc đồ thị hàm số  và nằm hoàn toàn phía dưới đường thẳng . Mệnh đề nào sau đây là đúng?

**A**. . **B**. . **C**. . **D**. .

**Câu 47. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Một người gửi 50 triệu đồng vào một ngân hàng với lãi suất năm. Biết rằng nếu không rút tiền ra khỏi ngân hàng thì cứ sau mỗi năm số tiền lãi sẽ được nhập vào gốc để tính lãi cho năm tiếp theo. Hỏi sau ít nhất bao nhiêu năm người đó nhận được số tiền nhiều hơn 100 triệu đồng bao gồm cả gốc và lãi? Giả sử trong suốt thời gian gửi lãi suất không đổi và người đó không rút tiền ra

**A.** 13 năm. **B.** 12 năm. **C.** 14 năm. **D.** 11 năm.

**Câu 48. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Đầu năm 2016, ông  thành lập một công ty. Tổng số tiền ông  dùng để trả lương cho nhân viên trong năm 2016 là 1 tỷ đồng. Biết rằng cứ sau mỗi năm thì tổng số tiền dùng để trả lương cho nhân viên trong cả năm đó tăng thêm  so với năm trước. Hỏi năm nào dưới đây là năm đầu tiên mà tổng số tiền ông  dùng để trả lương cho nhân viên trong cả năm lớn hơn 2 tỷ đồng?

**A.** Năm 2022. **B.** Năm 2021. **C.** Năm 2020. **D.** Năm 2023.

**Câu 49.** Anh Nam mong muốn rằng sau  năm sẽ có tỷ để mua nhà. Hỏi anh Nam phải gửi vào ngân hàng một khoản tiền tiền tiết kiệm như nhau hàng năm gần nhất với giá trị nào sau đây, biết rằng lãi suất của ngân hàng là  /năm và lãi hàng năm được nhập vào vốn.

**A**.  triệu. **B**.  triệu. **C**.  triệu. **D**.  triệu.

**Câu 50.** Ông A muốn sau 5 năm có 1.000.000.000 đồng để mua ô tô **Camry**. Hỏi rằng ông A phải gửi ngân hàng mỗi tháng (số tiền như nhau) là bao nhiêu? Biết lãi suất hằng tháng là  và tiền lãi sinh ra hằng tháng được nhập vào tiền vốn.

**A.**  (đồng). **B.**  (đồng).

**C.**  (đồng). **D. ** (đồng).

**Câu 51. (ĐỀ MINH HỌA 2016 – 2017)** Ông Việt vay ngắn hạn ngân hàng 100 triệu đồng, với lãi suất /năm. Ông muốn hoàn nợ cho ngân hàng theo cách: Sau đúng một tháng kể từ ngày vay, ông bắt đầu hoàn nợ; hai lần hoàn nợ liên tiếp cách nhau đúng một tháng, số tiền hoàn nợ ở mỗi lần là như nhau và trả hết tiền nợ sau đúng 3 tháng kể từ ngày vay. Hỏi, theo cách đó, số tiền  mà ông Việt sẽ phải trả cho ngân hàng trong mỗi lần hoàn nợ là bao nhiêu? Biết rằng, lãi suất ngân hàng không thay đổi trong thời gian ông Việt hoàn nợ.

**A**.  (triệu đồng). **B**. (triệu đồng).

**C**. (triệu đồng). **D**. (triệu đồng).

**Câu 52.** Một người đàn ông vay vốn ngân hàng với số tiền  đồng. Người đó dự định sau đúng  năm thì trả hết nợ; Sau đúng một tháng kể từ ngày vay, ông bắt đầu hoàn nợ; hai lần hoàn nợ liên tiếp cách nhau đúng một tháng, số tiền hoàn nợ ở mỗi lần là như nhau. Hỏi, theo cách đó, số tiền  mà ông sẽ phải trả cho ngân hàng trong mỗi lần hoàn nợ là bao nhiêu? Biết lãi suất hàng tháng là  và không thay đổi trong thời gian ông hoàn nợ.

**A.**  (đồng). **B.**  (đồng).

**C.**  (đồng). **D. ** (đồng).

**Câu 53.** Biết rằng năm 2001, dân số Việt Nam là 78685800 người và tỉ lệ tăng dân số năm đó là . Cho biết sự tăng dân số được ước tính theo công thức  (trong đó : là dân số của năm lấy làm mốc tính,  là dân số sau  năm,  là tỉ lệ tăng dân số hàng năm). Cứ tăng dân số với tỉ lệ như vậy thì đến năm nào dân số nước ta ở mức 120 triệu người?

**A.** 2020. **B.** 2022. **C.** 2025. **D.** 2026.

**Câu 54.** Các khí thải gây hiệu ứng nhà kính là nguyên nhân chủ yếu làm trái đất nóng lên. Theo OECD (Tổ chức hợp tác và phát triển kinh tế thế giới), khi nhiệt độ trái đất tăng lên thì tổng giá trị kinh tế toàn cầu giảm. Người ta ước tính rằng khi nhiệt độ trái đất tăng thêm  thì tổng giá trị kinh tế toàn cầu giảm 3%, còn khi nhiệt độ trái đất tăng thêm  thì tổng giá trị kinh tế toàn cầu giảm . Biết rằng nếu nhiệt độ trái đất tăng thêm , tổng giá trị kinh tế toàn cầu giảm % thì  (trong đó là các hằng số dương). Nhiệt độ trái đất tăng thêm bao nhiêu độ  thì tổng giá trị kinh tế toàn cầu giảm ?

**A. **. **B. **. **C. **. **D. **.

**Câu 55.** Một người đã thả một lượng bèo hoa dâu chiếm 4% diện tích mặt hồ. Biết rằng cứ sau đúng một tuần bèo phát triển thành 3 lần lượng đã có và tốc độ phát triển của bèo ở mọi thời điểm như nhau. Sau bao nhiêu ngày, lượng bèo sẽ vừa phủ kín mặt hồ?

**A. ** **B. ** **C. ** **D.** 

ĐÁP ÁN VÀ LỜI GIẢI

**Câu 1.** Cho các mệnh đề sau:

(I). Cơ số của logarit phải là số nguyên dương.

(II). Chỉ số thực dương mới có logarit.

(III).  với mọi .

(IV) , với mọi .

Số mệnh đề đúng là:

**A**. . **B**. . **C**. . **D**. .

**Lời giải.** Cơ số của lôgarit phải là số dương khác . Do đó (I) sai.

Rõ ràng (II) đúng theo lý thuyết SGK.

Ta có  với mọi . Do đó (III) sai.

Ta có  với mọi . Do đó (IV) sai.

Vậy chỉ có mệnh đề (II) đúng. **Chọn A.**

**Câu 2.** Cho  là các số thực với  dương và khác . Có bao nhiêu phát biểu đúng trong các phát biểu dưới đây?

(I). Nếu  với  thì .

(II). .

(III). .

(IV). .

**A**. . **B**. . **C**. . **D**. .

**Lời giải.** Nếu  với  thì . Do đó (I) sai.

● Với  thì .

● Với  thì . Do đó (II) đúng.

Lấy lôgarit cơ số  hai vế của , ta có

.

Do đó (III) đúng.

Ta có . Do đó (IV) đúng.

Vậy ta có các mệnh đề (II), (III) và (IV) đúng. **Chọn C.**

**Câu 3.** Tính giá trị của biểu thức  với 

**A**. . **B**. . **C**. . **D**. .

**Lời giải.** Ta có . **Chọn B.**

**Cách trắc nghiệm:** Chọn  và bấm máy.

**Câu 4. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Cho  là số thực dương và khác . Tính giá trị biểu thức 

**A**. . **B**. . **C**. . **D**. .

**Lời giải.** Với , ta có  **Chọn D.**

**Câu 5.** Cho hàm số  với . Tính giá trị biểu thức 

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Lời giải.** Ta có 

Khi đó 

Suy ra  **Chọn C.**

**Câu 6.** Cho  là các số thực dương khác  và thỏa mãn  Rút gọn biểu thức .

**A. ** **B. ** **C. ** **D. **

**Lời giải.** Từ giả thiết, ta có 

 **Chọn D.**

**Câu 7.** Cho ba điểm ,  với , . Biết  là trọng tâm của tam giác  với  là gốc tọa độ. Tính 

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Lời giải.** Vì  là trọng tâm của tam giác  nên 



 **Chọn A.**

**Câu 8.** Cho  là các số thực dương thỏa mãn  Tính .

**A. ** **B. ** **C. ** **D. **

**Lời giải.** Ta có  **Chọn D.**

**Câu 9.** Cho  với  Mệnh đề nào sau đây là đúng?

**A. **. **B. **. **C. ** **D. **.

**Lời giải.** Từ  **Chọn A.**

**Cách trắc nghiệm.**

● Cho . Khi đó 

Thử  vào các đáp án thì có các đáp án A, C, D đều thỏa. Ta chưa kết luận được.

● Cho . Khi đó .

Thử  vào các đáp án thì có các đáp án A thỏa.

**Câu 10.** Cho  là các số thực dương khác  và thỏa . Tính giá trị của biểu thức 

**A. ** **B. ** **C. ** **D. **

**Lời giải.** Nhận thấy các đáp án đều có tích  nên ta sẽ tính tích này.

Ta có  **Chọn C.**

**Câu 11.** Cho  là số thực dương thỏa . Tính 

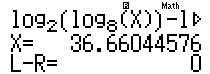
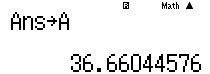
**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Lời giải.** Ta có  thay vào giả thiết, ta có

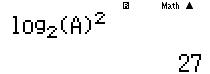
 **Chọn C.**

**Cách CASIO.** Phương trình 

Dò nghiệm phương trình, lưu vào 

Thế  để tính 



Đáp số chính xác là C. **Chọn C.**

**Câu 12.** Cho  là số thực lớn hơn  và thỏa mãn , với . Tính giá trị của  theo .

**A.**  **B. ** **C.**  **D.** 

**Lời giải.** Ta có 



 **Chọn A.**

**Câu 13.** Cho ,  là các số thực dương thỏa mãn . Tính giá trị của biểu thức 

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Lời giải.** Đặt 

Chia hai vế của  cho , ta được 

 (loại) hoặc 

Giá trị cần tính  **Chọn C.**

**Câu 14.** Cho  là các số thực khác  thỏa mãn . Tính .

**A.**  **B.**  **C. ** **D.** 

**Lời giải.** Giả sử 

Ta có 

 **Chọn C.**

**Câu 15.** Cho là các số thực dương thỏa mãn . Tính giá trị của biểu thức 

**A. **. **B.**  **C.** . **D.** .

**Lời giải.** Ta có 



Áp dụng , ta được 

Vậy  **Chọn D.**

**Câu 16.** Cho  là các số thực dương khác  và .

Một học sinh tính  theo các bước sau:

I) .

II) .

III) .

IV) .

Trong các bước trình bày, học sinh đã trình bày sai ở bước nào?

**A**. I. **B**. II. **C**. III. **D**. IV.

**Lời giải.** **Chọn D.** Vì .

**Câu 17.** Cho  với  và . Mệnh đề nào sau đây là đúng?

**A**. . **B**. . **C**. . **D**. .

**Lời giải.** Ta có 



**Chọn C**

**Câu 18.** Tính 

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Lời giải.** Áp dụng công thức , ta được



**Chọn B.**

**Câu 19.** Đặt  Tính  theo  và 

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Lời giải.** Ta có 

**Chọn D.**

**Câu 20.** Tính , biết rằng trong tích đã cho có  thừa số có dạng  với  và .

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Lời giải.** Trong tích trên có . Vậy . **Chọn D.**

**Câu 21.** Cho hàm số . Tính tổng



**A. ** **B. ** **C. ** **D. **

**Lời giải.** Xét 

.

Áp dụng tính chất trên, ta được



 **Chọn B.**

**Câu 22.** Cho . Tính giá trị biểu thức 

**A**.  **B**. . **C**.  **D**. 

**Lời giải.** Ta có . **Chọn C.**

**Câu 23. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Với  là các số thực dương tùy ý và  khác  đặt  Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

**A. ** **B. ** **C. ** **D. **

**Lời giải.** Ta có  **Chọn D.**

**Câu 24.** Cho  và , với . Mệnh đề nào sau đây đúng?

**A.**  **B.**  **C.**  **D.** 

**Lời giải.** Ta có 

**Chọn D.**

**Câu 25. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Với các số thực dương  tùy ý, đặt  và . Mệnh đề nào sau đây là đúng ?

**A.**  **B.** 

**C.**  **D.** 

**Lời giải.** Ta có 

**Chọn B.**

**Câu 26.** Cho . Tính giá trị biểu thức  theo  và .

**A. **. **B.** .

**C.** . **D.** .

**Lời giải.** Ta có 

 **Chọn C.**

**Cách 2.** Dùng CASIO:

Bấm máy  và lưu vào biến A; Bấm máy  và lưu vào biến B.

Giả sử với đáp án A, nếu đúng thì hiệu  phải bằng 0.

Nhập vào màn hình  với A, B là các biến đã lưu và nhấn dấu =.

Màn hình xuất hiện số khác 0. Do đó đáp án A không thỏa mãn.

Thử lần lượt và ta chọn được đáp án đúng là C.

**Câu 27. (ĐỀ MINH HỌA 2016 – 2017)** Đặt  và . Hãy biểu diễn  theo  và .

**A**. ****. **B**. .

**C**. . **D**. .

**Lời giải.** Ta có 

⏺ 

⏺  vì .

Vậy  **Chọn C.**

**Câu 28. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Với mọi  là các số thực dương thoả mãn . Mệnh đề nào dưới đây là đúng?

**A. **. **B. **. **C. **. **D. **.

**Lời giải.** Ta có .

**Chọn D.**

**Câu 29. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Cho  và . Tính giá trị biểu thức .

**A.** . **B.** . **C.** . **D.** .

**Lời giải.** Ta có  và 

Vậy  **Chọn D.**

**Câu 30. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Cho  là số thực dương tùy ý khác . Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

**A. ** **B. ** **C. ** **D. **

**Lời giải.** **Chọn C.**

**Câu 31. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Với mọi số thực dương  và  thỏa mãn , mệnh đề nào dưới đây đúng?

**A.**  **B.** 

**C.**  **D.** 

**Lời giải.** Ta có 



 **Chọn C.**

**Câu 32. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Cho   là các số thực lớn hơn 1 thỏa mãn . Tính 

**A. ** **B. ** **C. ** **D. **

**Lời giải.** Ta có .

Suy ra 

. **Chọn D.**

**Câu 33. (ĐỀ MINH HỌA 2016 – 2017)** Cho các số thực dương   với . Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng ?

**A**. ****. **B**. .

**C**. . **D**. .

**Lời giải.** Ta có . **Chọn D.**

**Câu 34. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Cho  là số thực dương khác 1. Mệnh đề nào dưới đây là đúng với mọi số thực dương 

**A. ** **B. **

**C. ** **D. **.

**Lời giải.** **Chọn D.**

**Câu 35.** Cho  là các số thực dương và khác . Mệnh đề nào dưới đây là đúng ?

**A**. . **B**. .

**C**. . **D**. .

**Lời giải.** Ta có  A sai.

 D sai.

 C sai.

 B đúng. **Chọn B.**

**Câu 36.** Cho  là các số thực dương và . Khẳng định nào sau đây đúng?

**A.**  **B.** 

**C.**  **D.** 

**Lời giải.** Ta có 

. **Chọn C.**

**Câu 37.** Cho các số thực . Mệnh đề nào sau đây là sai?

**A.**  **B.** 

**C.**  **D.** 

**Lời giải.** Vì **** nên  và  không có nghĩa. **Chọn A.**

**Câu 38.** Cho  là hai số số thực dương và . Khẳng định nào sau đây đúng?

**A.**  **B.** 

**C.**  **D.** 

**Lời giải.** Ta có  **Chọn C.**

**Câu 39. (ĐỀ MINH HỌA 2016 – 2017)** Cho hai số thực  và , với . Khẳng định nào dưới đây là khẳng định đúng ?

**A**. ****. **B**. .

**C**. ****. **D**. .

**Lời giải.** Ta có  **Chọn D.**

**Câu 40.** Cho các số thực dương  với  và  Khẳng định nào sau đây là đúng?

**A. ** hoặc  **B. ** hoặc 

**C. ** hoặc  **D. ** hoặc 

**Lời giải.** Với điều kiện  và , ta xét các trường hợp sau:

**TH1: **, ta có 

**TH2: **, ta có 

Từ hai trường hợp trên, ta được  **Chọn B.**

**Câu 41.** Cho bốn số thực dương  thỏa mãn  và . Biết rằng  và . Mệnh đề nào sau đây là đúng?

**A. **. **B. **. **C. **. **D.** .

**Lời giải.** ● Ta có .

Kết hợp với .

● Ta có .

Kết hợp với . **Chọn B.**

**Cách giải trắc nghiệm:** Chọn .

Khi đó , kết hợp với  suy ra .

**Câu 42.** Cho  là các số thực dương khác  và thỏa mãn  Khẳng định nào sau đây là đúng?

**A.**  **B.**  **C.**  **D. **

**Lời giải.** Áp dụng với , ta được



Suy ra . **Chọn C.**

**Câu 43.** Cho  là các số thực dương thỏa mãn . Mệnh đề nào sau đây là đúng?

**A**. . **B**. . **C**. . **D**. .

**Lời giải.** Ta có 



. **Chọn A.**

**Câu 44.** Tìm  để ba số  theo thứ tự đó lập thành cấp số cộng.

**A**.  **B**.  **C**.  **D**. 

**Lời giải.** Điều kiện: 

Vì  theo thứ tự đó lập thành CSC nên ta có



 **Chọn C.**

**Câu 45.** Trong các giá trị của  được cho trong bốn phương án A, B, C, D dưới đây, giá trị nào của  thỏa mãn ?

**A**. . **B**. . **C**. . **D**. .

**Lời giải.** Điều kiện: . Loại A.

Vì cơ số  nên .

Đối chiếu với điều kiện ta được: .

Do đó trong các số đã cho chỉ có  là thỏa mãn. **Chọn B.**

**Cách trắc nghiệm:** Thay lần lượt bốn đáp án và bấm máy tính.

**Câu 46.** Điểm  thuộc đồ thị hàm số  và nằm hoàn toàn phía dưới đường thẳng . Mệnh đề nào sau đây là đúng?

**A**. . **B**. . **C**. . **D**. .

**Lời giải.** Hoành độ các điểm trên đồ thị hàm số  và nằm hoàn toàn phía dưới đường thẳng  thỏa mãn . **Chọn D.**

**Câu 47. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Một người gửi 50 triệu đồng vào một ngân hàng với lãi suất năm. Biết rằng nếu không rút tiền ra khỏi ngân hàng thì cứ sau mỗi năm số tiền lãi sẽ được nhập vào gốc để tính lãi cho năm tiếp theo. Hỏi sau ít nhất bao nhiêu năm người đó nhận được số tiền nhiều hơn 100 triệu đồng bao gồm cả gốc và lãi? Giả sử trong suốt thời gian gửi lãi suất không đổi và người đó không rút tiền ra

**A.** 13 năm. **B.** 12 năm. **C.** 14 năm. **D.** 11 năm.

**Lời giải.** Gọi  là số tiền gửi ban đầu, /năm là lãi suất,  là số năm gửi.

Ta có công thức lãi kép:  là số tiền nhận được sau  năm.

Theo đề bài, ta có 

Do kỳ hạn là  năm nên phải đúng hạn mới được nhận.

Vậy người này cần ít nhất  năm. **Chọn B.**

**Câu 48. (ĐỀ CHÍNH THỨC 2016 – 2017)** Đầu năm 2016, ông  thành lập một công ty. Tổng số tiền ông  dùng để trả lương cho nhân viên trong năm 2016 là 1 tỷ đồng. Biết rằng cứ sau mỗi năm thì tổng số tiền dùng để trả lương cho nhân viên trong cả năm đó tăng thêm  so với năm trước. Hỏi năm nào dưới đây là năm đầu tiên mà tổng số tiền ông  dùng để trả lương cho nhân viên trong cả năm lớn hơn 2 tỷ đồng?

**A.** Năm 2022. **B.** Năm 2021. **C.** Năm 2020. **D.** Năm 2023.

**Lời giải.** Ta xem đây như bài toán lãi suất gởi ngân hàng được phát biểu ngắn gọn như sau: Đầu năm 2016, ông A gởi vào ngân hàng 1 tỷ đồng với lãi suất hàng năm là . Hỏi đến năm nào là năm đầu tiên ông A nhận được số tiền lớn hơn 2 tỷ đồng. Biết rằng nếu không rút tiền ra khỏi ngân hàng thì cứ sau mỗi năm số tiền lãi sẽ được nhập vào gốc để tính lãi cho năm tiếp theo.

Gọi  là số tiền gửi ban đầu, /năm là lãi suất,  là số năm gửi.

Ta có công thức lãi kép:  là số tiền nhận được sau  năm.

Theo đề bài, ta có 

Do kỳ hạn là  năm nên phải đúng  năm sau mới nhận được. Lúc đấy là năm . **Chọn B.**

**Câu 49.** Anh Nam mong muốn rằng sau  năm sẽ có tỷ để mua nhà. Hỏi anh Nam phải gửi vào ngân hàng một khoản tiền tiền tiết kiệm như nhau hàng năm gần nhất với giá trị nào sau đây, biết rằng lãi suất của ngân hàng là  /năm và lãi hàng năm được nhập vào vốn.

**A**.  triệu. **B**.  triệu. **C**.  triệu. **D**.  triệu.

**Lời giải.** Giả sử anh Nam bắt đầu gửi  đồng từ đầu kì  với lãi suất là .

● Cuối kì  có số tiền là: .

● Đầu kì  có số tiền là: 

.

● Cuối kì  có số tiền là: .

● Đầu kì  có số tiền là:  



● Cuối kì  có số tiền là: .

………….

Tổng quát, ta có cuối kì  có số tiền là: .

Suy ra .

Áp dụng công thức với , ta được . **Chọn D.**

**Câu 50.** Ông A muốn sau 5 năm có 1.000.000.000 đồng để mua ô tô **Camry**. Hỏi rằng ông A phải gửi ngân hàng mỗi tháng (số tiền như nhau) là bao nhiêu? Biết lãi suất hằng tháng là  và tiền lãi sinh ra hằng tháng được nhập vào tiền vốn.

**A.**  (đồng). **B.**  (đồng).

**C.**  (đồng). **D. ** (đồng).

**Lời giải.** Gọi  lần lượt là lãi suất hàng tháng, tổng số tiền sau mỗi tháng, số tiền gởi đều đặn mỗi tháng .

● Cuối tháng thứ nhất, người đó có số tiền là: 

● Đầu tháng thứ hai, người đó có số tiền là: 



● Cuối tháng thứ hai, người đó có số tiền là: 





● Cuối tháng thứ , người đó có số tiền cả gốc lẫn lãi là: .

Suy ra .

Áp dụng, ta có .

Vậy mỗi tháng ông A phải gửi tiết kiệm 14 triệu 261 ngàn 500 đồng vào ngân hàng, liên tục trong 5 năm. **Chọn C.**

**Câu 51. (ĐỀ MINH HỌA 2016 – 2017)** Ông Việt vay ngắn hạn ngân hàng 100 triệu đồng, với lãi suất /năm. Ông muốn hoàn nợ cho ngân hàng theo cách: Sau đúng một tháng kể từ ngày vay, ông bắt đầu hoàn nợ; hai lần hoàn nợ liên tiếp cách nhau đúng một tháng, số tiền hoàn nợ ở mỗi lần là như nhau và trả hết tiền nợ sau đúng 3 tháng kể từ ngày vay. Hỏi, theo cách đó, số tiền  mà ông Việt sẽ phải trả cho ngân hàng trong mỗi lần hoàn nợ là bao nhiêu? Biết rằng, lãi suất ngân hàng không thay đổi trong thời gian ông Việt hoàn nợ.

**A**.  (triệu đồng). **B**. (triệu đồng).

**C**. (triệu đồng). **D**. (triệu đồng).

**Lời giải.** Ở đây, ta phải quy ước số tiền lãi thay đổi theo từng tháng. Nếu không, học sinh sẽ tính tổng số tiền vay là 100 triệu đồng, lãi cần trả là  (do chỉ trả trong 3 tháng).

Khi đó, số tiền cần trả là , là đáp án C.

Tuy nhiên nếu lãi suất thay đổi theo tháng thì vấn đề phức tạp hơn (và có lẽ đây cũng là cách hiểu mà đề đang hướng đến, vì cách hiểu này phù hợp với thực tế).

Lãi hàng tháng mà ông phải trả là  nhân với số tiền đang nợ, tức là tổng **số nợ tháng sau** sẽ bằng **số nợ tháng trước** nhân với .

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Tháng | Tiền trả | Số tiền còn nợ | Tiền lãi trong tháng |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |
|  |  |  |  |
|  |  |  | (theo giả thiết thì đến đây hết nợ) |

Do ta có phương trình:



(triệu đồng).**Chọn B.**

**Câu 52.** Một người đàn ông vay vốn ngân hàng với số tiền  đồng. Người đó dự định sau đúng  năm thì trả hết nợ; Sau đúng một tháng kể từ ngày vay, ông bắt đầu hoàn nợ; hai lần hoàn nợ liên tiếp cách nhau đúng một tháng, số tiền hoàn nợ ở mỗi lần là như nhau. Hỏi, theo cách đó, số tiền  mà ông sẽ phải trả cho ngân hàng trong mỗi lần hoàn nợ là bao nhiêu? Biết lãi suất hàng tháng là  và không thay đổi trong thời gian ông hoàn nợ.

**A.**  (đồng). **B.**  (đồng).

**C.**  (đồng). **D. ** (đồng).

**Lời giải.** Gọi  lần lượt là số tiền vay ngân hàng, lãi suất hàng tháng, tổng số tiền vay còn lại sau mỗi tháng, số tiền trả đều đặn mỗi tháng .

**●** Sau khi hết tháng thứ nhất  thì còn lại: 

**●** Sau khi hết tháng thứ hai  thì còn lại: 



**●** Sau khi hết tháng thứ ba  thì còn: 





**●** Sau khi hết tháng thứ  thì còn lại: 

Áp dụng công thức trên, ta có  (đồng). **Chọn B.**

**Câu 53.** Biết rằng năm 2001, dân số Việt Nam là 78685800 người và tỉ lệ tăng dân số năm đó là . Cho biết sự tăng dân số được ước tính theo công thức  (trong đó : là dân số của năm lấy làm mốc tính,  là dân số sau  năm,  là tỉ lệ tăng dân số hàng năm). Cứ tăng dân số với tỉ lệ như vậy thì đến năm nào dân số nước ta ở mức 120 triệu người?

**A.** 2020. **B.** 2022. **C.** 2025. **D.** 2026.

**Lời giải.** Ta có 

Để dân số nước ta ở mức 120 triệu người thì cần số năm 

Lúc đấy là năm  **Chọn D.**

**Câu 54.** Các khí thải gây hiệu ứng nhà kính là nguyên nhân chủ yếu làm trái đất nóng lên. Theo OECD (Tổ chức hợp tác và phát triển kinh tế thế giới), khi nhiệt độ trái đất tăng lên thì tổng giá trị kinh tế toàn cầu giảm. Người ta ước tính rằng khi nhiệt độ trái đất tăng thêm  thì tổng giá trị kinh tế toàn cầu giảm 3%, còn khi nhiệt độ trái đất tăng thêm  thì tổng giá trị kinh tế toàn cầu giảm . Biết rằng nếu nhiệt độ trái đất tăng thêm , tổng giá trị kinh tế toàn cầu giảm % thì  (trong đó là các hằng số dương). Nhiệt độ trái đất tăng thêm bao nhiêu độ  thì tổng giá trị kinh tế toàn cầu giảm ?

**A. **. **B. **. **C. **. **D. **.

**Lời giải.** Theo đề bài, ta có . Cần tìm  thỏa mãn .

Từ  và .

Khi đó  **Chọn C.**

**Câu 55.** Một người đã thả một lượng bèo hoa dâu chiếm 4% diện tích mặt hồ. Biết rằng cứ sau đúng một tuần bèo phát triển thành 3 lần lượng đã có và tốc độ phát triển của bèo ở mọi thời điểm như nhau. Sau bao nhiêu ngày, lượng bèo sẽ vừa phủ kín mặt hồ?

**A. ** **B. ** **C. ** **D.** 

**Lời giải.** Gọi  là lượng bèo ban đầu, để phủ kín mặt hồ thì lượng bèo là 

Sau một tuần số lượng bèo là  sau  tuần lượng bèo là 

Để lượng bèo phủ kín mặt hồ thì 

 thời gian để bèo phủ kín mặt hồ là .

**Chọn A.**